

## DE ARITHMETICIS PROPOSITIONIBUS.

*Divinatio numeri ab aliquo in animo concepti.*

Quomodo numerus a quolibet animo conceptus, quis sit, possit agnosciri. Assumatur numerus quilibet ac triplicetur. Triplicatus, dividatur in duas partes, et si ambæ aequales extiterint, quamvolueris absque ulla differentia iterum triplicabis. Quod si inæquales fuerint, quæ major fuerit triplicetur. Quotiesque in ea postquam triplicata fuerit 9 inveniri possint, considerentur. Quia quoties 9 habuerit, totes 2 sumendi sunt. Observandum est autem ut possint postquam numerus triplicatur et divisus est, iterumque medietas fuerit triplicata, et de novenario fuerit interrogatum, hoc etiam adjungatur, si aliquid supra unum vel duos vel quot fuerint novenarius remansisset. Quia si aliquid remansisset, septem fuerunt; et de his unus sumendus est, hisque in summam redactis pronuntiandus numerus, qui primus fuerat mente conceptus: verbi gratia, si duo fuerint animo concepti, cum triplicabuntur, 6 faciunt; 6 divisi in 3 et 3 resolvuntur, 3 vero triplicati, 9 tantum efficiunt, nec remanet aliquid. Ergo 2 fuerunt qui primi mente comprehensi sunt. Et ideo in omni hujus supputationis ratione, novenarius duos semper significat, et senarius unum. Sciendumque quod omnis impar numerus qui assumptus fuerit et ordine quo prædictum est triplicatus atque divisus, in senarium terminatur. Par vero numerus in novenarium, quia unitas secundum supradictum modum triplicata atque divisa, senarium procreat. Binarius vero numerus simili modo triplicatus atque divisus, novenarium. Quia hi duo numeri idem unus et duo, paritatis et inparitatis dicuntur esse principia.

*Item aliter.*

Assumitur numerus quilibet ac triplicatur: triplicetur, dividatur in duas partes, et tunc ille qui numerum mente concepit, interrogetur si ipsius numeri sit aequa divisio; quod si pares ambas esse partes responderit, nihil sumatur; si autem impares esse dixerit, unum sumatur in hac prima divisione ad memoriam divinantis. Atque iterum una pars divisionis quando ambæ aequales fuerint, absque differentia triplicetur. Si vero impares fuerint, major pars triplicanda est, atque dividenda, sicut superius, in duas partes. Iterumque interrogandum si aequalis aut inæqualis sit facta divisio. Et si aequalis quidem facta est, nihil sumendum est. Si autem inæqualis, duo sumendi sunt in secunda divisione. Et si in medietate divisionis aequalis fuit, absque ulla partium differentia, qui novenarii continetur, interrogandum. Quod si inæqualis fuit, in majori parte querendum est; quotquot novenarii in ea inveniuntur, tot quaternos divinator sumere debet, ut, verbi gratia, si sex fuerint mente concepti, cum triplicati fuerint, 18 faciunt; 18 divisi in 9 et 9 partiuntur. Et quia aequalis est divisio, nihil ibi sumendum est. Novem iterum quæ est medietas hujus divisionis, triplicati faciunt 27; 27 divisi in 13 et 14 resolvuntur; et quia ista est secunda divisio et inæqua, duo sumendi sunt, cum in majori parte ipsius divisionis, hoc est in 14, querendum est quoties 9 possint inveniri, 14 semel 9-sunt, de his 9 4 a divinante colligendi sunt, qui duobus qui in secunda divisione collecti sunt adjuncti, 6 faciunt: senarius ergo numerus primus mente comprehensus est. Et hoc in hac oratione notandum est, quod si ambæ divisiones paritati responderint, nihil ex his sumendum est; si secunda, duo sumendi sunt, novenarius vero quaternarii significationem continet. Quod ideo in hac supputatione aliæ quam in superiori accidere videatur: hæc bis triplicatur et bis dividitur, illa vero bis

A triplicatur et semel dividitur; quapropter in hac novenarius quaternarium, nulla vero binarium significat.

*Item aliter.*

Quomodo divinandum sit qua feria septimanæ quilibet homo quamlibet rem fecisset. Quicunque numerum cujusque seriae nomen continentem animo conceperit, primo debet duplicare, deinde illi numero duplicato quinque adjungere, ipsamque summam quæ de his collecta est quinques multiplicare, deinde totum decies ducere, postea ex toto 250 tollere, et hoc quod remanet pro seriae numero tenere: ut, verbi gratia, si de prima feria ratio habeatur, unum triplicetur, fiunt 2; his 5 adjungantur, fiunt 7; qui 7 quinques multiplicati fiunt 35; qui 35 decies ducti fiunt 350; de quibus si 250 de totius summæ collectione auferantur, et quot centenarii remanerunt diligenter consideretur, quia, sicut prædictum est, semel centeni primam feriam significant: bis centeni, secundam; ter centeni, tertiam; quater centeni, quartam; quinques centeni, quintam. Sexies centeni, sextam; septies centeni, septimam. Item si de secunda feria ratio habeatur, 2 triplicentur, fiunt 4. His 5 adjungantur, fiunt 9. Qui 9 quinques multiplicati, 45; decies duci, fiunt 450; de his tolle 250, remanent 200, qui secundam feriam significant. Si de tertia feria ratio habeatur, 3 triplicentur, fiunt 6; his 5 adjungantur, fiunt 11: qui 11 quinques multiplicati, 55; qui 55 decies ducti, fiunt 550; de his tolle 250, remanent 500, qui tertiam feriam significant. Si de quarta feria ratio queritur, 4 triplicentur, fiunt 8; his 7 adjungantur, fiunt 15, qui 15 quinques multiplicati fiunt 75, qui 75 decies ducti fiunt 750; de his tolle 250, remanent 500, qui quintam feriam significant. Si de sexta feria ratio inquiritur, 6 triplicentur, fiunt 12; his 5 adjungantur, fiunt 17; qui 17 quinques multiplicati fiunt 85; qui 85 decies ducti fiunt 850. de his tolle 250, remanent 600, qui sextam feriam significant. Si de septima feria ratio inquiritur, 7 triplicentur, fiunt 14; his 5 adjungantur, fiunt 19: qui 19 quinques multiplicati fiunt 95, qui 95 decies ducti fiunt 950; de his tolle 250, remanent 700, qui septimam feriam significant. Si huic numero animum tuum diligenter commendaveris, omnes ferias absque errore explorare poteris.

C *Item aliud argumentum.*

Verum cum vero facit verum. Minus cum vero facit verum. Verum cum minus facit minus. Minus cum minus facit minus. Verum essentiam minus nihil significat. Pone summam numeri, quam volueris, in veri, hoc est essentiæ nomine, et pone aliam summam ejusdem numeri ad adverbium quod minus dicitur, nomine quod nihil significare dixi, et confer illas duas summas. Quæ major fuerit, vincit minorem, et consumit eam juxta magnitudinem quantitatis suæ: ut, verbi gratia, si jungantur duæ summae numerorum, unaque veri nomine, id est essentiæ appellata sit, ut sunt 7, alia que minus adverbii nomine vocetur, ut sunt 3; haec duæ summae numero sibi collatae, hoc est essentis et non essentis, quia major est summa veri quam illius quæ dicitur minus: sicut plus sunt 7 quam 3 minus, si non majori parte quam vincere potest hoc 4, valet enim 3 minus, et 7 remanent 4, similiter si jungantur 3 veri nomine, et 7 minus, quia major est nihil quam essentiæ summa, vincit septenarius non existens ternarium subsistentem, et consumit eum sua non existentia, et remanent de ipso sibi 4 numeri non existentes; et hoc est quod dicitur, junge 3 et 7 minus, faciunt 4 minus. Si autem 5 non existentes simul et

7 similiter non existentes numeri, ut sunt 7 et 3 A veri, id est existentem numerum efficiunt, hoc est denarium. Sic duo non existentes numerorum summæ denominatæ, ut sunt 3 minus et 7 minus, 10 minus

A faciunt, valet enim verum efficere, et minus non efficere; junge 3 minus et 7, fiunt 10; iterum junge 3 minus et 7, fiunt 4, junge 3 et 7 minus, junge 3 minus et 7 minus, fiunt 10 minus.

## INCIPIUNT ALIÆ PROPOSITIONES AD ACUENDOS JUVENES.

### *Et primo de limace.*

Limax fuit ab hirundine invitatus ad prandium infra leucam unam, in die autem non potuit plus quam unam unciam pedis ambulare. Dicat qui velit in quot annos vel dies ad idem prandium ipse limax perambulavit.

### *De homine et aliis hominibus in via sibi obviantibus.*

Quidam vir ambulans per viam, vidit sibi alios homines obviantes, et dixit eis: Utinam fuissetis alii tantum quanti estis, et medietas medietatis, et rursus de medietate medietas, tunc una mecum centum fuissetis. Dicat qui vult quot primis ab illo visi fuerunt.

### *De duobus proficiscentibus visis ciconiis.*

Duo viri ambulantes per viam videntes ciconias, dixerunt inter se: Quot sunt? Qui conseruantes numerum dixerunt, Si essent aliae tantæ et etiam tantæ et medietas tertii, adjectis duabus, centum fuissent. Dicat qui potest quantæ fuerunt quæ primis ab illis visæ sunt.

### *De homine et equis in campo pascentibus.*

Quidam homo vidit equos pascentes in campo; optavit dicens: Utinam suis etis mei et essetis alii tantum et medietas medietatis, certe gloriarer super equos centum. Discernat qui vult quot equos in primis vidit ille homo pascentes.

### *De emptore in denariis centum.*

Dixit quidam mercator: Volo de centum denariis centum porcos emere, sic tamen ut verres 10 denariis ematur, scrofa autem 5, duo vero porcelli 1 denario. Dicat qui intelligit quot verres, quot scrofae, quoque porcelli esse debeant, ut in neutrī nec superabundet numerus, nec minuatur.

### *De duobus habentibus negotiationem oculi communis.*

Fuerunt duo negotiatorēs habentes centum solidos communes, quibus emerent porcos; emerunt autem in solidis 2 porcos 5; volentes eos saginare, atque iterum venundare, et in solidis lucrum facere. Cumque vidissent tempus non esse ad saginandos porcos, et ipsi eos non valuisserent tempore hiemali pascere, tentavere venundando si potuissent lucrum facere, sed non potuerunt, quia non valebant eos amplius vendundare, nisi ut empti fuerant, id est ut de 5 porcis 2 solidos acciperent; cum hoc conspexissent, dixerunt ad invicem: Dividamus eos; dividentes autem et vendentes sicut emerant, fecerunt lucrum. Dicat qui valet, in primis quot porci fuerunt et dividat ac vendat, et lucrum faciat, quod facere de simul venditis non valuit libras 30.

### *De disco.*

Est discus qui pensat libras 30, sive solidos 600, habens in se aurum, argentum, aurichalcum et stannum: quantum habet auri, ter tantum habet argenti: quantum habet argenti, ter tantum aurichalci: quantum aurichalci, ter tantum stanni. Dicat qui potest quantum unaquæque species penset.

### *De cupa.*

Est cupa una quæ centum metretas impletur capientibus singulis modia tria, habens fistulas tres, ex modiorum numero: tertia pars et sexta, per unam fistulam currit; per alteram, tertia pars sola; per tertiam, sexta tantum. Dicat qui vult quod sextarii per unamquamque fistulam cucurrisse.

### *De sago.*

Habeo sagum habentem in longitudine cubitos 100 et in longitudine 80; volo exinde per portiones sagu-los facere, ita ut unaquæque portio habeat in longitu-dine cubitos 5 et in latitudine cubitos 4. Dic ergo, sapiens, quot saguli exinde fieri possint.

### *De linteamine.*

B Habeo linteamenum unum, longum cubitorum 60, la-tum cubitorum 60, volo exinde portiones facere, ita ut unaquæque portio habeat in longitudine cubitos senos et in latitudine quaternos, ut sufficiat ad tunica-m consuendam. Dicat qui vult quot tunicæ exinde fieri possint.

### *De duobus hominibus alter alterius sororem accipientibus.*

Si duo homines adinvicem alter alterius sororem in conjugium sumpserit, dic (rogo) qua propinquitate filii eorum sibi pertineant?

### *De duobus hominibus alter alterius matrem accipientibus.*

C Si duo homines alter alterius matrem similiter in conjugium sumpserit, quali cognatione filii eorum sibi conjungantur?

### *De patre et filio matrem et ejus filiam accipientibus.*

Si relictam vel viduam et filiam illius in conjugium ducant pater et filius, sic tamen ut filius accipiat ma-trem, et pater filiam; filii qui ex his fuerint procreati, dic (quæso) quali cognatione subjungantur?

### *De patresfamilias et tribus filiis ejus.*

Quidam patresfamilias moriens divisit in hæreditate tribus filiis suis triginta ampullas vitreas, quarum decem fuerunt plenæ oleo, aliae decem, dimidiæ, tertias decem, vacuae. Dividat qui potest oleum et ampullas, ut unicuique eorum de tribus filiis aequa-liter obveniat, tam de vitro quam de oleo.

### *De rege et ejus exercitu in triginta villis collecto.*

Quidam rex jussit famulo suo de triginta villis colligere exercitum, eo modo ut ex unaquaque villa tot homines sumeret quotquot illuc adduxisset. Ipse tamen ad primam villam solus venit, ad secundam cum altero, jam ad tertiam tres venerunt. Dicat qui potest quot homines fuissent collecti de his triginta villis.

### *De bove.*

D Bos qui tota die aratur, quot vestigia faciat in ultima riga?

### *De homine.*

Quero a te ut dicas mihi quot rigas homo factas habeat in agro suo, quando de utroque capite campi tres versuras factas habuerit.

### *De duobus hominibus boves ducentibus.*

Duo homines ducebant boves per viam, e quibus unus dixit alteri: Da mihi boves duos et habebo tot boves quot et tu habes. At ille ait: Da mihi (inquit) et tu boves duos, et habebo duplum quam tu habes. Dicat qui velit quot boves fuerunt quod unusquisque habuit.

### *De duobus fratibus singulas sorores habentibus.*

Tres igitur fratres erant, qui singulas sorores ha-bebant, et fluvium transire debebant, erat enim unicuique illorum concupiscentia in sorore proximi sui; qui venientes ad fluvium, non invenerunt nisi parvam naviculam, in qua non poterant amplius nisi

duo ex illis transire. Dicat qui potest qualiter fluvium transire ut ne una quidem earum ex ipsis maculata sit.

#### *De lupo et capra et fasciculo cauli.*

Homo quidam debebat ultra fluvium transire lupum et fasciculum cauli et capram, et non potuit aliam navem invenire nisi quae duos tantum ex ipsis ferre valebat; praeceptum itaque ei fuerat ut omnia haec ultra omnino illæsa transiret. Dicat qui potest quomodo eos illæsos ultra transiret.

#### *De viro et muliere ponderantibus plaustri pondus onusti.*

De viro et muliere, quorum uteque pondus habebat plaustri onusti, duos habentes infantes, inter utrosque plaustrali pondere pensantes, fluvium transire debuerunt: navem invenerunt quæ non poterat ferre nisi unum pondus plaustri. Transfretare faciat, qui se putat posse ne navis mergatur.

#### *De hiricis.*

De hiricis masculo et femina, habentibus duos natos, libram ponderantibus, fluvium transire volentibus.

#### *De campo et ovibus in eo locandis.*

Est campus qui habet in longitudine pedes ducentos, et in latitudine pedes centum: volo ibidem mittere oves, sic tamen ut unaquæque óvis habeat in longitudine pedes quinque, et in lato quatuor. Dicat (rogo) qui valet quod omnes ibidem locari possint.

#### *De campo fastigioso.*

Est campus fastigiosus, qui habet in uno latere perticas centum, et in alio latere perticas centum, et in fronte perticas quinquaginta, et in medio perticas sexaginta, et in altera fronte perticas quinquaginta. Dicat qui potest quot aripennos claudere debet.

#### *De campo quadrangulo.*

Est campus quadrangulus qui habet in uno latere perticas triginta, et in alio perticas triginta duas, et in fronte perticas triginta quatuor, et in altera fronte perticas triginta duas. Dicat qui potest quot aripenni in eo concludi debent.

#### *De campo triangulo.*

Est campus triangulus qui habet in uno latere perticas triginta, et in alio perticas triginta, et in fronte perticas novemdecim. Dicat qui potest quot aripennos concludere debet.

#### *De campo rotundo.*

Est campus rotundus qui habet in gyro perticas quadringentas. Dic quot aripennos capere debet.

#### *De campo et cane ac fuga leporis.*

Est campus qui habet in longitudine pedes centum quinquaginta; in uno capite stabat canis, et in altero lepus: promovit namque canis ille post leporem currere; ast ubi canis faciebat in uno saltu pedes novem, lepus transmittebat septem. Dicat qui velit quot pedes, quoque saltus vel canis persequendo vel lepus fugiendo, quoadusque comprehensus est, conficerint.

#### *De civitate quadrangula.*

Est civitas quadrangula quæ habet in uno latere pedes mille centum, et in alio latere pedes mille, et in fronte pedes sexcentos, et in altera pedes sexcentos: volo ibidem tecta doniorum ponere, sic ut habeat unaquæque casa in longitudine pedes quadragesita, et in latitudine pedes triginta. Dicat qui velit quot casas capere valet.

#### *De civitate triangula.*

Est civitas triangula quæ habet in uno latere pedes centum, et in alio centum, et in fronte pedes nonaginta: volo ut sicut ibi domorum constructio, sic tamen ut unaquæque domus habeat in longitudine

A pedes virginis, et in latitudine pedes decem. Dicat quot domus capi debent.

#### *De civitate rotunda.*

Est civitas rotunda quæ habet in circuitu pedum octo millia. Dicat qui potest quot domos capere debet, ita ut unaquæque domus habeat in longitudine pedes triginta, et in latitudine pedes viginti.

#### *De basilica.*

Est basilica quæ habet in longitudine pedes 240 et in lato pedes 120, laterculi vero stratæ ejusdem, unus laterculus habet in longitudine uncias 23, hoc est pedem unum et uncias 11, et in latitudine uncias 12, hoc est pedem 1. Dicat qui velit quot laterculi eam debent implere.

#### *De cavana.*

B Est cavana quæ habet in longitudine pedes centum, et in latitudine pedes 64. Dicat qui velit quot cupas capere debet, ita tamen ut unaquæque cupa habeat in longitudine pedes 7 et in lato pedes 4, et pervius unus habeat pedes 4, et unaquæque cupa habeat pedes 7.

#### *De quodam patresfamilias.*

Quidam patresfamilias habuit familias 20, et jussit eis dare de annona modios 20; sic jussit ut viri accipiant modios ternos, et mulieres binos, et infantes singula semodia. Dicat qui potest quot viri, quot mulieres, quoque infantes fuerunt.

#### *Alia.*

Quidam patresfamilias habuit familias 90, et jussit eis dare de annona modios 90; sic quoque jussit ut viri acciperent modios ternos, et mulieres binos, et infantes singula semodia. Dicat qui potest quot viri, quot mulieres, aut quot infantes fuerunt.

#### *De obitu cujusdam patrisfamilias.*

C Quidam paterfamilias moriens reliquit infantes, et in facultate sua solidorum 860, et uxorem prægnantem, qui jussit ut si ei masculus nasceretur, acciperet de omni massa uncias novem, et mater ipsius acciperet uncias tres; si autem filia nasceretur, acciperet quinque uncias, et mater ipsius acciperet etiam quinque uncias. Contigit autem ut geminos parturaret, id est puerum et puellam. Solvat ergo qui potest quantum accipit mater, vel quantum filius, quantumve filia.

#### *Alia.*

Quidam patresfamilias habuit familias 50; sic vero jussit ut viri acciperent modios ternos et mulieres binos, et infantes singula semodia. Solvat qui potest quot viri, quot mulieres, quoque infantes fuerunt.

#### *De salutatione cujusdam senis ad juerum.*

Quidam senior salutavit puerum, cui dixit: Vivas, fili, vivas (inquit) quantum vixisti, et aliud tantum, et ter tantum, addatque tibi Deus unum de annis meis, et impleas annos centum. Solvat qui potest quot annorum tunc tempore ipse puer erat.

#### *Alia.*

D Quidam patresfamilias habuit familias 400, quibus præcepit dare de annona modios 400; eo vero tenore, ut viri acciperent modios ternos, et mulieres binos, et infantes singula semodia. Dicat ergo qui valet quot viri, quot mulieres, aut quot infantes fuerunt.

#### *De quodam ædificante domum.*

Homo quidam volens ædificare domum, locavit artifices 6, ex quibus 5 magistri et 1 discipulus erat; et convenit inter eum qui ædificare solebat et artifices, ut per singulos dies 25 denarii eis in mercede darentur: sic tamen ut discipulus medietatem de hoc quod unus ex magistris accipiebat, acciperet. Dicat qui potest quantum unusquisque de illis per unumquemque diem accepit.

*De animalibus emptis.*

Voluit quidam emere animalia promiscua 100 de solidis 100, ita ut equus 5 solidis emeretur, bos vero in solidum 1, et 33 oves in solido 1. Dicat qui valet quot caballi, vel quot boves, quotve fuerunt oves.

*Alia.*

Quidam homo veluit de 100 solidis animalia promiscua emere 100 in Oriente; qui jussit famulo suo ut camelum in 5 solidos acciperet, asinum in solido 1 et 20 oves in solido 1 compararet. Dicat qui vult quot cameli, vel asini, sive oves, in negotio 100 solidorum fuerunt.

*De homine et ovibus pascentibus.*

Quidam homo vidit de monte oves pascentes, et dixit: Utinam haberem tantum, et aliud tantum, et medietatem de medietate, et de hac medietate aliam idecirco medietatem, ego centesimus una cum ipsis meam ingredier domum. Solvat qui potest quot oves vidit ibi pascentes.

*De sede et scrofa.*

Quidam paterfamilias stabilivit curtem novam quadrangulam, in qua posuit scrofam quæ peperit porcellos 7 in media sede; quia una cum matre, quæ octava est: pepererunt igitur unusquisque in omni angulo 7, et ipsa iterum in media sede cum omnibus generiter peperit 7. Dicat qui vult cum matribus quot porci fuerunt.

*De scala cum centum gradibus.*

Et scala una habens gradus 100: in primo gradu sedebat columba 1, in secundo 2, in tertio 5, in quarto 4, in quinto 5, sic in omni gradu usque ad centesimum. Dicat qui potest quot columbae in totum fuerunt.

*De porcis.*

Homo quidam habuit 300 porcos, et jussit ut tot porci numero impari in tres dies, tres occiderentur. Similis est de 30 sententia. Dicat modo qui potest quot porci impares, sive de 300, sive de 50, in tres dies occidendi sunt: haec ratio indissolubilis ad increpandum composita est.

*De salutatione pueri ad patrem.*

Quidam puer salutavit patrem. Ave (inquit) pater. Cui pater, Valeas, fili, vivas quantum vivisti; quos annos geminatos triplicabis, et sume unum de annis meis, et habebis annos centum. Dicat qui valet quot annorum tunc ipse puer erat.

*De columba.*

Columba sedens in arbore vidit alias volantes; dixit eis: Utinam suissetis aliæ tantæ et adhuc tantæ, tunc una mecum centum suissetis. Dicat qui potest quot columbae erant in primis volantes.

*De sacculo.*

Quidam homo ambulans per viam invenit saccum cum talentis duobus. Hoc quoque alii videntes

A dixerunt ei: Frater, da nobis portionem inventionis tue; qui renuens noluit dare: ipsi vero irruentes diripuerunt saccum, et tulit sibi quisque solidos 50. Dicat qui vult quot homines fuerunt.

*De episcopo.*

Quidam episcopus jussit panes 42 in clero dividi. Praecepit enim sic ut singuli presbyteri b nos acciperent panes, diaconi dimidium, lector quam tam partem, ita tamen fiat ut clericorum et panum unus sit numerus. Dicat qui valet quot presbyteri, vel quot diaconi, quotve lectores esse debeant.

*De homine scholasticis obviante.*

Quidam homo obviavit scholariis, et dixit eis: Quanti estis in schola? Unus autem ex eis respondit dicens: Nolo hoc tibi dicere, tu numera nos bis, multiplica ter, tunc divide in quatuor partes, quarta pars nostrum, si me addis cum ipsis, centenarium explet numerum. Dicat qui vult quanti fuerunt qui pridem obviaverunt ambulanti per viam.

*De carpentariis.*

Septem carpentarii septenas rotas fecerunt. Dicat qui vult quot carra fecerunt.

*De vino in vasculis.*

Centum metra vini, rogo ut dicat qui velit, quo sextarios capiunt, vel ipsa etiam centum metra quot meros habent.

*De patre familias distriouente.*

Quidam paterfamilias moriens divisit quatuor filios suis quatuor vascula vini; in primo vase erant mod. a 40, in secundo 50, in tertio 20, et in quarto 40, qui vocans dispensatorem domus suæ ait: Haec quatuor vascula cum vino intrinsecus divide inter 4 filios meos; sic tamen ut unicuique eorum æqualis sit portio, tam et in vino quam et in vasis. Dicat qui intelligit quomodo dividendum est ut omnes æquiter ex hoc accipere possint.

*De camelio.*

Quidam paterfamilias habebat de una domo sua ad alteram domum leucas 30, et habens camelum qui debebat in tribus subjectionibus ex una domo sua ad alteram de annona fere modia 90, et in unaquaque leuca isdem camelus comedebat semper modium unum. Dicat qui valet quot modia residua fuerint.

*De dispensatore in monasterio.*

Quidam pater monasterii habuit 12 monachos, qui convocans dispensatorem domus suæ dedit illi ova 204, jussitque ut singulis æqualem daret ex eis omnibus portionem; sic tamen jussit, ut inter 5 presbyteros daret ova 80, et inter 4 diaconos 68, et inter tres 54. Dicat, rogo, qui valet quot ova unicuique ipsorum in portione evenerunt, ita ut in nullo nec superabundet numerus, nec minuatur, sed omnes, ut supra diximus, æqualem in omnibus accipient portionem.

## PROPOSITIONUM SOLUTIONES

*De limace solutio.*

In leuca una sunt 1500 passus, 7500 pedes, 90 unciae; quot unciae, tot dies fuerunt, qui faciunt annos 246 et dies 240.

*De ciconis.*

Qui primis ab illo visi sunt fuerunt 33, et hujus medietas medietatis sunt 18, et hujus numeri medietas sunt 9. Dic ergo sic, 72 et 18 fiunt 90; adde 9, fiunt 99; adde loquentem, et habebis 100. — *Alia,* 28 et 28, et tertio sic, fiunt 84, et medietas tertiae fiunt 14; sunt in totum 98: adjectis duabus, 100 apparent.

<sup>a</sup> Hic solvitur problema secundum *de homine et aliis*, etc. EDIT.

*De equis.*

D 40 equi erant qui pascebantur, alii tantum sunt 80; medietas hujus medietatis, id est 20, si addatur, sunt 100.

*De centum denariis.*

Fac 9 scrofas et 1 verrem in 55 denariis, et 80 porcellos in 40, ecce porci 90; in 5 residuis denariis fac porcellos 10, et habebis centenarium in utrisque numerum.

*De communi negotio.*

In primis 250 porci erant, qui 100 solidis comparati (sicut supra dictum est) in 2 solidis, 5 porcos;

quia sive quinquages quines, sive quinques 50 di- A  
xeris, 250 numerabis : quibus divisis, unus tulit 125,  
alter similiter 125 ; unus vendidit deteriores 3 sem-  
per in solidō ; alter vero meliores duos in solidō.  
Sic evenit ut is qui deteriores vendidit, de 120 por-  
cis 40 solidos est adeptus ; qui vero meliores, 60 so-  
lidos est consecutus : quia de inferioribus 50 sem-  
per in 10 solidis, de melioribus autem 20 in 10 so-  
lidis sunt venundati ; et remanserunt utrisque 5  
porci, ex quibus ad lucrum 4 solidorum et 2 dena-  
rios facere potuerunt.

*De disco.*

Aurum pensat uncias 9, argentum pensat ter 9  
uncias, id est libras 2 et uncias 5 ; aurichalcum pen-  
sat ter libras 2 et ter 3 uncias, id est libras 6 et un-  
cias 9 ; stannum pensat ter libras 6 et ter 9 uncias,  
hoc est libras 20 et uncias 3. Et 9 unciae et 2 libræ  
cum 3 uncii, et 6 libræ cum 9 uncii, et 20 libræ  
cum 5 uncii adunatae, 30 libras efficiunt. Item ali-  
ter ad solidum : aurum pensat solidos argenteos 15, B  
argentum ter 15, id est 45 ; aurichalcum ter 45, id  
est 135 ; stannum ter 135, hoc est 405 ; junge 405,  
135, et 45, et 15, et invenies solidos 600, quod sunt  
libræ 50.

*De cuppa.*

Per priam fistulam 5600 sextarii eucurrerunt ;  
per secundam, 1400 ; per tertiam, 1200.

*De sago.*

De 400, 80 pars 5 sunt ; et de 100, 4. Sive ergo  
octogies 5, sive centies 4 dixeris, semper 400 invenies ;  
tot sagi erunt. Decima pars sexagenarii, 6  
sunt ; decima vero quadragenarii, 4 sunt. Sive ergo  
decimam sexagenarii, sive decimam quadragenarii  
decies miseris, 100 portiones 6 cubitorum longas, et  
4 cubitorum latas invenies.

*De ampullis relictis.*

Tres igitur sunt filii et 50 ampullæ, ampullarum  
autem quedam 10 sunt plenæ, et 10 mediæ, et 10 C  
vacuæ. Duc ter decies, fiunt 50 ; unicuique filio ve-  
niunt 10 ampullæ in portionem ; divide autem per  
tertiam partem, hoc est da primo filio 10 semis am-  
pullas ; ac deinde da secundo 5 plenas et 5 vacuas ;  
similiterque dabis tertio, et erit trium æqua germanorū  
divisio, tam in oleo quam et in vitro.

*De exercitu in 50 villis collecto.*

In villa	1 fuerunt collecti milites	2
2		4
5		8
4		16
5		52
6		64
7		128
8		256
9		512
10		1024
11		2048
12		4096
13		8192
14		16384
15		32768
16		65536
17		131072
18		262144
19		524288
20		1048576
21		2097152
22		4194214
23		8388428
24		16776856
25		5555712
26		67107424
27		154214848
28		268429696
29		556859592
50		1073718184

*De vestigiis boum.*

Nullum omnino bos vestigium in ultima riga facit,  
eo quod ipse praecedit aratum, et hunc aratrum se-  
quitur ; quotquot enim hic praecedendo in exulta  
terra vestigia facit, tot ille subsequens excolendo re-  
solvit. Propterea illius omnino nullum reperiatur,  
id est in ultima riga vestigium.

*De rigis quas facit homo.*

Ex uno capite campi tres, et ex altero, quæ fa-  
ciunt rigas versuras septem.

*De bove ducto.*

Prior qui dari sibi duos rogavit boves, habebat  
4, at vero qui rogabatur habebat 8 ; dedit quippe  
rogatus postulanti duos, et habuerunt uterque 6 ; qui  
enim propior acceperat, reddidit 2 danti priori  
qui habebat 6, et habuit 8, quod est duplum a 4 ;  
et illi remanserunt 4, quod est simplum ab 8.

*De sororibus.*

Primo omnium ego et soror mea introissemus in  
navim et transfretassemus ultra, transfretatoque flu-  
vio dimisissem sororem de navi et reduxsem na-  
vim ad ripam : tunc vero introissent sorores duorum  
virorum, illorum videlicet qui ad littus remanserant ;  
illis itaque feminis navi egressis, soror mea quæ  
prima transierat, intraret ad me, navimque reduce-  
ret : illa egrediente foras, duo in navi fratres in-  
trassent, ultraque venisset ; tunc unus ex illis una  
cum sorore sua navim ingressus, ad nos transfretas-  
set : ego et ille qui navigaverat, sorore mea rema-  
nente foris, ultra venissemus ; nosque ad littora ve-  
ctos, una ex illis duabus quelibet mulieribus, ultra  
navim reduceret, soror æque mea secum recepta,  
pariter ad nos ultra venisset : et ille cujus soror  
ultra remanserat navim ingressus, eam secum ultra  
reduceret. Tali igitur sicque sollicitante studio facta  
est navigatio, nullo fuscante inquinationis contagio.

*De lupo et capra.*

Simili namque tenore ducerem prius capram et  
dimitterem foris lupum et caulum ; tunc deinde ve-  
nirem, lupumque ultra transirem, lupoque foris  
misso, rursusque capram navi receptam ultra redu-  
cerem, capramque foras missam, caulum transve-  
herem ultra, atque iterum remigasse, capramque  
assumptam ultra duxissem. Sicque faciente, facta  
erit remigatio salubris absque voragine lacerationis.

*De pondere plaustri.*

Eodem quoque ordine, ut superius, prius intras-  
sent duo infantes, et transissent, unusque ex illis  
reduceret navim ; tunc mater navim ingressa trans-  
isset, deinde filius ejus reduceret navim, qua trans-  
vecta, frater illius navim ingressus, ambo ultra  
transirent, rursumque filius qui ante transierat in-  
gressus navim, eamque ad fratrem reduceret, jamque  
reductam ingrediantur ambo, et transeant : tali sub-  
D sine naufragio.

*Aliud.*

Similiter ut superius transissent prius duo infantes,  
et unus ex illis navim reduceret, in qua pater in-  
gressus, ultra transisset. Et ille infans unus, qui  
prius cum fratre transierat, navim ad ripam educe-  
ret, in qua frater illius rursus ingressus, ambo ultra  
venissent ; unusque ex illis foras egressus, et alter  
ad matrem reduceret navim, in qua videlicet navi  
mater ingressa ultra venissent ; qua egrediente fo-  
ras, filius ejus qui ante cum fratre transierat, navim  
rursus ingressus, eam ad fratrem ultra reduceret, in  
qua ambo ingressi ultra venissent, et fieret expleta sa-  
lubris transvectio, nullo formidante mortis naufragio.

*De campo et ovibus.*

Ipse campus habet in longitudine pedes ducentos,  
et in latitudine pedes centum : duc bis quinquennos  
de ducentis, fiunt 40 ; ac deinde 100 divide per 4,

quarta pars centenarii 25 sunt : sive ergo 40 vicies A quinque, sive 25 quadragies duxeris, millenarium implent numerum ; tot ergo oves ibidem collocari possunt.

#### *De campo fastigioso.*

Longitudo hujus campi 100 perticis, et utriusque frontis latitudo 50, medietas vero 60 includitur ; junge utriusque frontis numerum cum medietate, et fiunt 160. Ex ipsis assumē 3 partem, id est 55, et multiplica centies, fiunt 5500 ; deinde in 12 æquas partes, et inveniuntur 551 ; item eosdem divide in 12 partes et reperiuntur 57 ; tot sunt in hujus aripenni numero.

#### *Aliud.*

Duae ejusdem campi longitudines faciunt 62 ; duc medianam de 62, fiunt 31 ; atque duæ ejusdem campi latitudines junctæ fiunt 66 ; duc vero medianam de 66, fiunt 33 ; duc namque trecies semel 55, fiunt 1020 ; divide per 12 partem bis, sicut superius, hoc est de 1020 duc 12, fiunt 85 ; rursusque 85 divide per 12, B fiunt 7 : sunt ergo in hoc aripenni numero 7.

#### *Aliud.*

Junge duas latitudines istius campi, fiunt 60, et duc medianam de 60, fiunt 30 ; et quia in fronte pedes 18 habet, duc medianam de 18, fiunt 9, duc vero novies 50, fiunt 270 : fac exinde bis 12, id est divide 270 per 12 p. rtem, fiunt 22 et semis ; atque iterum 22 et semis per 12 partem divide, et fiunt 2, et remanent 4, quæ est 5 pars 12. Sunt ergo aripenni in hoc numero 2 et 3 pars de aripенно 5 ; fit aripennis 1, et pertice 10 et dimidia.

#### *Aliud.*

Quanta quidem pars hujus campi, qui 400 includitur perticis, in 100 consistit ; hos si per semetipsos multiplicaveris, id est si centies duxeris, fiunt 10000 ; hos in 12 partes dividere debes ; et enim de 10000 duodecima est 833 ; quam cum item in 12 partitus fueris, invenies 69 : tot enim aripennos hujusmodi campus includit.

#### *De campo, cane et lepore.*

Longitudo hujus campi habet pedes 150 ; duc medianam de 150, fiunt 75 canis vero faciebat in uno saltu pedes 9 : quippe 75 novies ducti fiunt 675, tot pedes leporem persequendo canis cucurrit, quo adusque eum comprehendit dente tenaci : at vero quia lepus 7 pedes in uno faciebat saltu, duc ipsos 75 septies, fiunt 526 : tot pedes lepus fugiendo peregit, donec consecutus fuit.

#### *De civitate quadrangula.*

Si fuerunt duæ hujus civitatis longitudines junctæ, faciunt 2100 ; similiter duæ si fuerunt latitudines junctæ, fiunt 1200 : ergo duc medianam de 1200, fiunt 600 ; rursusque duc medianam de 2100, fiunt 1050, et quia unaquaque domus habet in longo pedes 40 et in lato pedes 30, duc 40 partem de 1050, fiunt 26 ; atque iterum assume 30 de 600, fiunt 20 : vicies ergo 26 ducti, fiunt 520 ; tot domus c. pliæ sunt. Duo igitur hujus civitatis latera juncta fiunt 200 ; atque duc medianam de 200 ; fiunt 100 ; sed quia in fronte habet pedes 90, duc medianam de 90, fiunt 45 ; et quia longitudine uniuscujusque domus habet pedes 20, latitudo ipsarum habet pedes 10, duc 20 partem de 100, fiunt 5, et pars 10 quadragiesarii 4 sunt ; duc igitur quinques 4, fiunt 20 : tot domos hujusmodi capienda est civitas.

#### *Aliud.*

In hujus civitatis ambitu 8000 pedum numerantur, qui sesquialtera proportione dividuntur in 4000 et in

A 3200 · in illis autem longitudine domorum, in istis latitudo versatur ; subtrahe itaque de utraque summa medietatem, et remanent de majori 2400, de minore vero 1600 : hos igitur 1600 divide in vicenos, et invenies octoagies 20 ; rursumque major summa, id est 2400 in 50 parti, octoagies triginta dinumerantur ; due octoagies 80, et fiunt 6400 : tot in hujusmodi civitate domus secundum propositionem suprascriptam constitui possunt.

#### *De basilica.*

140 pedes longitudinis implent 126 laterculi, et 120 pedes latitudinis, 120 laterculi, quia unusquisque laterculus in latitudines pedis mensuram habet, multiplica itaque 120 vices 126 in 1512 summa concrescit. Tot igitur in hujusmodi basilica laterculi pavimentum contingere possunt.

#### *De cavana.*

In 100 autem quaterdecies 7 numerantur, in 64 vero sedecies quaterni continentur ; ex iibus 4 d. p. r. um deputantur, quod in longitudinem ipsius cavae dici. ur. Quia ergo in 60 quindecies quaterni sunt, et in 100 quaterdecies 7, duc quindecies 10, fiunt 20 : tot cupæ, juxta suprascriptam magnitudinem, in hujusmodi cava contineri possunt.

#### *De patrefamilias.*

Duc semel ternos, fiunt 3, hoc est unus vir 3 modios accepit ; similiter et quinque bini fiunt 10, hoc est 5 mulieres acceperunt modios 10 ; duc vero septies binos, fiunt 14, hoc est 14 infantes acceperunt modios 7 ; junge ergo 1, et 5, et 14, fiunt 20 ; haec sunt familæ 20 ; ac deinde junge 3, et 7, et 10, fiunt 20, haec sunt media 20 : sunt ergo simul familiæ 20 et modii 20.

#### *Aliud.*

Si duxeris ternos 3, fiunt 9, et si duxeris quinque bino, fiunt 10 ; ac deinde duc vicies bis semis, fiunt 11, hoc est 3 viri acceperunt modios 9, et 5 mulieres acceperunt 10, et 22 infantes acceperunt modios 11 ; quod simul juncti 3, et 5, et 22, faciunt familæ 30 ; rursusque 9, et 11, et 10, simul juncti, faciunt modios 30 ; quot sunt simul familæ 30, et modii 50, tantum 56.

#### *Aliud.*

Duc sexies 5, fiunt 18, et duc vicies binos, fiunt 40 ; duc vero sexages quaternos semis, fiunt 32, id est 6 viri acceperunt modios 18, et 20 mulieres acceperunt modios 40, et 64 infantes acceperunt modios 52, quod simul juncti, id est 6, et 20, et 64, familias 90 efficiunt ; iterumque junge 18, et 60, et 52, fiunt 90, qui faciunt modios 90 : quod simul juncti faciunt familias 90, et modios 90, tantum 57.

#### *Aliud.*

Undecim termi fiunt 53, et 15 bis ducti fiunt 50 ; duc vero octogies quatuor semis, fiunt 37, id est 11 viri acceperunt 17, quod simul juncti, id est 11, et 15, et 74, fiunt 100, quæ sunt familæ 100 ; similiter junge 55, et 30, et 57, fiunt 100, qui sunt modii 100 : his ergo simul junctis, habes familias 100 et modios 100.

#### *De animalibus empli.*

Junge ergo 9 et 3, fiunt 12, 12 namque unciae libram faciunt ; prorsus junge simul 7 et 5, faciunt item 12 ; ideoque bis 12 faciunt 24, 24 autem unciae faciunt 2 libras, id est solidos 40 ; deinde duc, quia fac, etc.

*Reliquæ solutiones desiderantur : potest autem quisque ratione arithmeticæ propositiones illas solvere ita ad exercendum inqenium omissa valebunt.*